

MAT-130: Algebra

Identificación

Asignatura:	Algebra
Sigla:	MAT-130
Area Curricular:	Algebra
Modalidad:	Semestral
Nivel Semestral:	Primer Semestre
Horas Teóricas:	4 por semana en dos sesiones
Horas Prácticas:	2 por semana en una sesión
Pre-Requisitos Formales:	Álgebra Elemental (Pre-Facultativo)
Carreras destinatarias:	Area de Ciencias y Tecnología.

Objetivos

El primer objetivo consiste en (re)orientar al estudiante hacia el tratamiento conceptual y lógico de los contenidos del álgebra inicial. Esto resulta, en la mayor parte de los casos, dolorosamente nuevo, al tratarse de jóvenes portadores de una arraigada conducta -que no alcanza a superar los cursos vestibulares- de adiestramiento, memorización y mecanicismo; opuesta a las necesidades del aprendizaje de la Matemática, que suponen discernimiento y creatividad.

En segundo lugar, no con menos importancia, se trata de madurar de manera consciente y fundamentada, grados suficientes de destreza operativa, enfatizando siempre una concepción lógica y genérica del algoritmo, para su destino computacional.

Finalmente, se adopta una actual y versátil presentación temática multipropósito, de amplia aplicabilidad, a fin de proporcionar de manera práctica ilustrada y directa -pero también sustentada-, elementos de operatividad relativamente inmediata, en la configuración de la llamada Matemática Discreta. Se incorporan, elementos iniciales de Álgebra de Boole y de Relaciones de Recurrencia Lineales no homogéneas.

Competencias

Estudia la lógica básica y la teoría de conjuntos. Aplica la inducción matemática para demostrar propiedades que involucran números naturales. Estudia las estructuras algebraicas básicas.

Programa Sintético

Lógica Básica. Conjuntos. Enteros, Inducción y Divisibilidad. Conteo. Relaciones y Funciones. Grupos, Anillos y Aritmética Modular. Álgebra Booleana. Relaciones de Recurrencia.

Nota.- Los contenidos y el nivel señalado por la bibliografía, son contrastables a nivel Latinoamericano.

Contenidos analíticos

- Lógica Básica:* 1.1 Introducción. 1.2 Cálculo proposicional. 1.3 Demostraciones. 1.4 Métodos demostrativos (hipótesis auxiliar, reducción al absurdo, disyunción de casos). 1.5 Cuantificación.
- Conjuntos:* 2.1 Introducción. 2.2 Operaciones. 2.3 Familias de conjuntos. 2.4 Conjuntos de partes o potencia. 2.5 Pares ordenados. 2.6 Producto cartesiano.
- Números Enteros, Inducción Matemática, Divisibilidad:* 3.1 Principio del Buen Orden en \mathbb{N} . 3.2 Principio de Inducción. 3.3 Teorema de Inducción. 3.4 Aplicaciones. 3.5 Divisibilidad. 3.6 Máximo Común Divisor. 3.7 Mínimo Común Múltiplo. 3.8 Primos. 3.9 Descomposición en producto de primos. 3.10 Algoritmo de la división. 3.11 Algoritmo de Euclides.
- Conteo:* 4.1 Reglas de suma y producto. 4.2 Combinaciones y Permutaciones. 4.3 Binomio de Newton. 4.4 Número de subconjuntos. 4.5 Relevancia e irrelevancia del orden. 4.6 Conteo de modos de colocar m objetos (distinguidos e indistinguidos) en n envases (distinguidos e indistinguidos). 4.7 Modos de extraer m objetos de n tipos de objetos. 4.8 Modos de hacer señales con banderines.
- Relaciones:* 5.1 Definición. 5.2 Relaciones en un conjunto. 5.3 Composición. 5.4 Inversa. 5.5 Propiedades posibles de reflexividad, simetría, antisimetría, y transitividad. 5.6 Orden parcial y total, elementos especiales. 5.7 Retículos. 5.8 Relaciones de Equivalencia. 5.9 Clases, particiones y conjuntos cociente.

6. *Funciones*: 6.1 Definición, inyectividad, suryectividad. 6.2 Composición, inversibilidad, imágenes. 6.3 Funciones recursivas. 6.4 Conteo de funciones.
7. *Grupos Anillos y Aritmética Modular*: 7.1 Leyes de composición. 7.2 Grupo. 7.3 Subgrupo. 7.4 Morfismos. 7.5 Relaciones de equivalencia compatibles. 7.6 Grupo cociente. 7.7 Anillos, Subanillos. 7.8 Congruencia módulo n . 7.9 Anillos de enteros (módulo n). 7.10 Dominios de Integridad y Campos.
8. *Álgebra de Boole*: 8.1 Variable Binaria. 8.2 Álgebra de Boole. 8.3 Propiedades y ejemplos. 8.4 Retículos de Boole. 8.5 Dualidad.
9. *Relaciones de Recurrencia*: 9.1 Relación de recurrencia lineal de Primer Orden. 9.2 Relaciones homogéneas de recurrencia lineal de Segundo Orden (tres casos).

Métodos y Medios Didácticos

Los métodos didácticos aplicados en el proceso de enseñanza y aprendizaje de la materia son las exposiciones magistrales del docente que utiliza recursos educativos y métodos de razonamiento *inductivo*, *deductivo*, *analógico* y *heurístico* para inducir el aprendizaje *por descubrimiento propio*, *dialogado*, *programado* y *demostrativo* que permite al estudiante desarrollar su potencialidad *creativa* con pensamiento crítico capaz de demostrar y presentar los teoremas con rigor lógico utilizando el lenguaje matemático. Los medios didácticos que dispone la Carrera son las aulas equipadas con medios audio visuales, guías de practicas, material impreso o digital, mapas conceptuales y una Biblioteca especializada que facilita el desarrollo teórico y práctico de la asignatura.

Estructura de Evaluación

La evaluación es la valoración de las competencias de conocimientos (saber), habilidades (saber hacer) y de valores (saber ser) alcanzadas mediante exámenes parciales periódicas (60%), prácticas e implementaciones de laboratorio (15%) y una evaluación final (25%) de todo el contenido de la asignatura. Sobre un total de 100%, la nota mínima de aprobación en el pregrado es de 51%. La distribución de temas por parciales, así como el cronograma de los exámenes se elabora con el Coordinador de paralelos. También está prevista un examen de segundo turno para aquellos estudiantes que hayan acumulado por lo menos 31% en el semestre. Este examen es sobre todo el contenido de la asignatura y la nota mínima de aprobación es de 51%.

Auxiliatura de docencia

En una sesión por semana, el Auxiliar de Docencia resuelve problemas prácticos e ilustrativos de la teoría desarrollada en clases de docencia.

Criterios de Evaluación

La evaluación de la asignatura consiste en pruebas escritas u orales, donde se valora la aplicación adecuada de *conceptos*, *teoremas* y *métodos* en la *demostración* o *resolución* de problemas planteados; y, en la calificación de prácticas o trabajos de laboratorios cuyo informe debe estar escrito en un *lenguaje matemático* adecuado con rigor lógico. Se valora de forma adicional la *creatividad* y la *simplicidad* en la presentación de sus resultados.

Cronograma de Avance

Semana	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Capítulos	1	2		3		4		5			6		7		8		9			

Bibliografía

- [1] Grimaldi, (1997), *Matemática Discreta y Combinatoria*, Ed. Addison–Wesley, 3ra. Edición, México.
- [2] K. A. Ross y C. B. Wright, (1997), *Matemática Discreta*, Ed. Prentice–Hall, México.
- [3] Olimpia Nicodemi, (1987), *Discrete Mathematics*, Ed. West Publishing Company.
- [4] Armando Rojo, (1970), *Álgebra I*, Ed. El Ateneo, Buenos Aires, Argentina.
- [5] Cárdenas, Lluís y Raggi, (1980), *Álgebra Superior*, Ed. Trillas, México.